⁶Li 基态中氘的压缩和变形

陈永寿 卢兆启 巫光汉

(中国科学院原子能研究所)

摘 要

本文用双位阱壳模型投影变分方法对 "Li 基态进行计算。计算说明, "Li 基态中氘的方均根半径比自由氘核的方均根半径小;随着氘核集团同 α 集团的平均间距的减小, 氘核集团表现出先压缩而后稍膨胀的压缩效应和先呈扁形而后呈拉长形的变形效应。 计算初步地说明了, 核力的奇字称态排斥分量和集团间核子的包利交换效应, 无论在 "Li 基态的集团结构中和氘核集团的压缩和变形效应中都起着重要作用。



对某些核态,用壳模型描述时,必须考虑高激发的组态混合,而用集团模型波函数描述往往更为简单. 许多壳模型的计算工作说明, ⁶Li 基态具有集体运动性质;为了要得到 弹性和非弹性散射的形状因子同时符合实验值的结果,需考虑到 4ħω 激发的组态混合^[1]. 因此,对 ⁶Li 基态和第一激发态,采用 α-氘集团波函数来描述是合适的. 例如用这种波函 数的 LCCO 方法^[2]和共振群方法^[3]得到了较好的结果.

在集团模型中,总是把一个核看成由两个或两个以上的"集团核"组成的体系来处理. 因而正确地认识"整体"(原子核)和"部分"(集团核)的辩证关系是十分重要的.原子核是 一个具有强相互作用的微观多体量子体系,有着强烈的丰富多采的关联运动.因此,集团 模型不应作为集团核的简单组合.而集团核同他们的自由状态相比较可以是完全不同的 东西.

我们认为,近些年发展起来的各种 α 集团模型的微观理论较之经典 α 模型理论是一 个发展和前进,很重要的一点就是前者比后者更好地体现了这种辩证关系. 在经典 α 模 型中, α 集团被当成僵硬的无内部结构的东西,它们同自由 α 粒子是一样的,不同的只是 它们被当作基本元素束缚在类似晶格的点阵上作微小的振动. 在现在的 α 集团微观理论 中, α 集团已经不是那么僵硬的东西了. 有的工作已经注意到核内的集团核与它们的自 由状态是不同的这一事实. 例如,用共振群方法研究 ⁶Li 中氘核的大小,定性地说明了氘 核的压缩效应^[4]. Thompson, Tang 等人用共振群方法研究了氘核的压缩效应对 $\alpha + d$ 弹 性散射相移的影响. 发现对 l = 0 相移的影响是显著的^[10]. 这些工作中,引入氘的扭曲

本文于1977年1月12日收到.

et

. .

ef

波函数,但都未涉及氘被扭曲的过程.对这种过程做动力学的描述在理论上还有许多困 难,实验资料也不多.但近年来已有了一些实验研究.例如,由⁶Li(d, tp)He⁴的准自由中 子拾取反应,定性地观察到 ⁶Li 基态中氘的大小随氘与α的平均距离的减小而变小的现 象^[5].本文将用投影变分法(或投影 Hartree-Fock 方法),从静力学角度来描述氘的大小、 形状和内部能量随氘与α间距的变化过程.在本模型中,⁶Li 基态被当作由α和氘组成的 体系来处理.但是⁶Li 的波函数是6个核子的多体波函数.子氘和子α有内部结构,大小 和形状可以变化(以下称⁶Li 中的α和氘为子α和子氘,以同它们的自由状态相区别).子 α和子氘的大小、形状和内部能量等都按⁶Li 体系的总能量取得极小值的变分法来确定. 第二节是基本公式;第三节是计算结果和分析;第四节是简要讨论.

二、双位阱壳模型投影变分法

我们把⁶Li中的 6 个核子分成二部分,即子 α 和子氘.子 α 的 4 个核子运动在位阱 1 中;子氘的 2 个核子运动在位阱 2 中. 位阱 1 和 2 均为谐振子位阱,其中心间距为 Z,位 阱参数分别为 b_1 和 b_2 .我们取二位阱中心联线为 α 轴方向. 用 ϕ_1 和 ϕ_2 分别表示子 α 和子氘的单粒子空间轨道波函数.

$$\begin{aligned} \phi_1 &= \alpha |000; \ b_1 \rangle - \sqrt{1 - \alpha^2} |001; \ b_1 \rangle, \\ \phi_2 &= \beta |000; \ b_2 \rangle + \sqrt{1 - \beta^2} |001; \ b_2 \rangle, \end{aligned} \tag{1}$$

式中, $|n_x n_y n_x; b_i\rangle$ 为第 *i* 位阱的谐振子波函数. n_x, n_y 和 n_x 分别表示 x, y 和 z 方向的 谐振子量子数. α 和 β 为展开系数. ϕ_1 和 ϕ_2 都含有 z 方向的 p态成分,可以描述子 α 和 子氘的轴对称形变. ϕ_1 和 ϕ_2 均是归一化的.

另外,我们假定 ϕ_1 和 ϕ_2 是正交的,即 $\langle \phi_1, \phi_2 \rangle = 0$.由此有正交条件,

$$\beta = \sqrt{\frac{1}{\left(1 + \frac{1}{\gamma^2}\right)}},$$

$$\gamma = \frac{\sqrt{\frac{2}{b_1 + b_2^2}}}{b_1^2 + b_2^2} + \frac{\sqrt{1 - \alpha^2} \left(\frac{2b_1 b_2}{b_1^2 + b_2^2}\right)}{\alpha - \sqrt{1 - \alpha^2} \left(\frac{\sqrt{2} b_1 Z}{b_1^2 + b_2^2}\right)}.$$
(2)

我们也可以不用条件(2). 但是, ϕ_1 和 ϕ_2 必须是线性无关的. 当二位阱间距 Z 大于零时,这个要求是满足的. 而当 Z = 0时,不能保证.

⁶Li 的多体波函数为如下 Slater 行列式:

$$\Psi = \frac{1}{\sqrt{6!}} \det \left\{ \phi_1(+\uparrow)\phi_2(+\uparrow)\phi_1(-\uparrow)\phi_2(-\uparrow)\phi_1(+\downarrow)\phi_1(-\downarrow) \right\},$$
(3)

式中, *ϕ*_i 由(1)式定义."+"和"一"分别表示质子和中子,"↑"和"↓"分别表示粒子的自旋朝上和朝下.

℃ i 体系的哈密顿量为:

$$H = -\frac{\hbar^2}{12M} \frac{1}{2} \sum_{i \neq j} \nabla_{ij}^2 + \frac{1}{2} \sum_{i \neq j} V_{ij}, \qquad (4)$$

第3期

心动能部分已经扣除。第二项为位能。M 为核子质量。 V_{ii}

式中,第一项为动能,其质心动能部分已经扣除.第二项为位能.M 为核子质量.V_{ii}为 二核子相互作用势.

$$V_{ij} = \sum_{n=1}^{N} \left(W_n + B_n P_{ij}^{B} + H_n P_{ij}^{H} + M_n P_{ij}^{M} \right) U_n(r_{ij}),$$

$$U_n = \exp(-\mu_n (\mathbf{r}_i - \mathbf{r}_j)^2),$$
(5)

式中,P^a、P^H和 P^M分别为自旋、同位旋和空间坐标的交换算符.

作为上述模型的 ⁶Li 体系是轴对称的.我们选取坐标 ^z 轴与体系的对称轴重合.那 末 ⁶Li 的具有轨道角动量为 L, 宇称为 ^z 的总能量 *E*L 可写为如下形式:

$$E_L^{\pi} = \frac{\int_{-1}^{+1} d\cos\theta P_L(\cos\theta) \langle \Psi | H | e^{-i\theta \mathbf{L}_y \Psi} \rangle}{\int_{-1}^{+1} d\cos\theta P_L(\cos\theta) \langle \Psi | e^{-i\theta \mathbf{L}_y \Psi} \rangle},$$
(6)

式中, $e^{-i\theta L_y}$ 为体系绕 y 轴转 θ 角的空间转动算符.转动中心在体系的质心上. P_L 为勒 让德多项式.由于体系的轴对称性和选取了 x 轴与对称轴重合, $L_z = 0$,(6)式只表现为 角动量投影的形式,而不必另作宇称投影计算.当 L 取偶数和奇数时,分别对应正宇称和 负宇称.

EL 是位阱间距Z、位阱参数 b_1 和 b_2 , 以及系数 α 和 β 的函数. 这些参量都作为变分 参数由使 EL 取得极小值的变分方法来确定.

上述方法基本上是将 Harvey 研究 ⁸Be 的方法⁽⁶⁾推广到非 4N 核的情况.在这一推广 中,应注意的一个新情况是:随着参量变化,体系的质心在移动.因此,变分过程的每次迭 代都必须对这种质心移动进行修正,使角动量投影的转动中心始终取在体系的质心上.同 时,应该注意,在如象本文这类模型中,子 α 和子氘的重心间距不等于位阱间距这一事实.

三、计算结果

本文计算用了三种核力.一是在 1P 壳核的微观模型理论计算中被广泛采用的 Volkov 力^[7](以下简称 VO_{no.1}). 另外二个是 Hasegawa 和 Nagata 等研究 ⁶Li 基态所用的核力,分 别记为 HN_{no.1} 和 HN_{no.2}^[8]. 这是具有三个不同力程的高斯型径向部分的核力.变分计算 是先投影后变分.主要结果如下:

(一)能量随子 a 和子氘平均距离 R 的变化

图 1 是 ⁶Li 的能量面的 VO_{no.1} 力计算结果.由图可见 0⁺和 2⁺曲线有极小点.它们 对应着二个束缚态.4⁺以上的态和负字称态没有束缚态.图 2 是几个模型的 0⁺曲线.I 为有正交条件(2)的情况; II 为没有条件(2)的情况; III 为双 S 态模型,即令(1)式中 $\alpha = \beta = 1$,它相当于 Brink 模型^[9]用于非 4N 核,由于单粒子轨道态只含 S 态,子 α 和子氘本 身不能极化.而 I 和 II 显然都是子体可极化的模型.图中曲线 I 和 II 比曲线 III 具有更 深的凹形和极小点后移的结构.这说明了,子体可极化或子体更"软"的集团模型将给出 更大的结合能、更小的子体间的平均平衡距离和更大的子体分离能.这同直观的概念是 一致的.曲线 I 和 II 的差别很小.可见,条件(2)对 ⁶Li 基态能量面的影响不大.曲线 II 稍低而平展一点,这主要是由于模型 II 的变分参数比 I 的多一个. 当 R 小于大约 2fm

269

270



后,曲线 I 和 II 的差别变大起来. 这是因为,随着位阱中心的靠拢重合,包利排斥原理的 作用变的重要起来,以致条件(2)的作用显著增强. 当 R 约大于 6fm 后,三条曲线趋于重 合. 这是由于随着 R 增大,模型 I 和 II 逐渐趋于模型 III. 本文以下所列结果,如无特别 说明均指模型 I 的结果.

核力	L *	E_L^{π}	R ₀	α	β	<i>b</i> 1	<i>b</i> 2	T a	t _d	εα	8 _d
VO _{no.1}	0+	-25.57	2.99	1.0	0.611	1.393	1.997	1.48	1.82	1.0	1.15
	2+	-22.59	2.70	1.0	0.67	1.407	2.08	1.49	1.84	1.0	1.06
HN _{20.1}	0+	-31.46	2.30	1.0	0.54	1.310	1.676	1.39	1.59	1.0	1.26
	2+	-27.62	2.15	1.0	0.51	1.313	1.657	1.39	1.60	1.0	1.31
HN _{no.2}	0+	-29.34	2.58	1.0	0.60	1.317	1.710	1.40	1.57	1.0	1.17

表 1 'Li 的 0⁺ 和 2⁺ 态能量、波函数、子 a 和子氘的大小、形状

注:能量单位 MeV.长度单位 fm. E_L 由(6)式定义。 R_0 为子 α 和子氘的平均平衡距离。 α , β , b_1 , b_2 意义见(1)式、 r_a 和 r_d 分别为子 α 和子氘的方均根半径。 B_a 和 B_d 为子 α 和子氘的变形因子,它定义为 Z 方向和 X(或 Y)方向方均根大小的比值。

由表 1 可见,对 ⁶Li 基态能量,VO_{no.1} 力给出 -25.57 MeV.实验值为 -33.5 MeV.用 Volkov 核力的其他许多微观 Hartree-POCK 计算也都出现这种结合能计算值不足. 这是 因为此种核力具有很强的奇字称态排斥分量。HN_{no.1} 和 HN_{no.1} 力奇字称态排斥分量小, 它们分别给出 ⁶Li 基态结合能为-31.46 MeV 和-29.34 MeV. 对⁶Li 的 2⁺态,VO_{no.1} 力给 出 2.98MeV, HN_{no.1} 力给出 3.84 MeV. 实验值约为 3.7 MeV (这个值是将 3⁺、2⁺ 和 1⁺ 能 级实验值按自旋轨道耦合折算的结果).

由表 2 可见,对 ⁶Li 基态能量,模型 I 和 II 比模 III 多给出约 0.7 MeV,它们同 LCCO 的结果相接近,但平衡距离 R₀比 LCCO 的要小.

本文计算了 ⁶Li 基态中能量的分配,即子 α 和子氘的能量 E_1 和 E_2 .相互作用能量 E_{12} 随 R 的变化. $E = E_1 + E_2 + E_{12}$.由图 3 可见,使体系具有束缚态的 E 曲线的凹形结构. $E_{12} = E_{124} + E_{124}$. E_{124} 和 E_{124} 分别是子 α 和子氘间相互

なく 一番を応能量や多量の決定しな										
模型	E ₀ +	Ro	α	β	<i>b</i> ₁	<i>b</i> 2	ra	r _d	εσ	8 _d
	-25.57	2.99	1.0	0.611	1.393	1.997	1.48	1.82	1.0	1.15
п	-25.60	2.88	1.0	0.544	1.390	1.986	1.48	1.88	1.0	1.25
III	-24.91	3.50	1.0	1.0	1.410	1.689	1.50	1.46	1.0	1.0
LCCO ^[2]	-25.95	3.53			1.353	1.667				

表 2 'Li 基态能量和参量的模型比较

注: 核力为 VOno.1, 各量意义见表1注.



图 3 "Li 基态能量分配 E 为基态能量

图 4 ⁶Li 基态能量分配

作用能的直接项贡献和包利交换项贡献.由图可见, E_{12} 的凹形结构又主要来自 E_{12} 的凹 形结构.这说明了子 α 和子氘间核子的包利交换效应在形成⁶Li的束缚态中起着重要的 作用.图 4 是⁶Li 基态中能量分配.实线为 HN_{no.1}力结果,虚线为 HN_{no.2}力结果.对 E_{1} 和 E_{2} ,二个核力的结果差别很小.主要差别在 E_{12} .只要注意到 HN_{no.2}力和 HN_{no.1}力的 唯一区别是前者比后者多有奇字称态排斥成分这一事实,我们不难看出,子 α 和子氘之间 的相互作用能对核力中奇字称态排斥成分是敏感的.这种排斥成分增强, E_{12} 曲线的凹形 变浅.可见,这种排斥分量在决定⁶Li 的束缚态能量方面, α 同氘的分离能方面都起着重要 作用.这点同 Tang, Hasegawa 等人的研究结果是定性地一致的.从本文计算结果可见,虽 然 VO_{no.1} 力在 1P 壳核的微观计算中广为采用,但给出⁶Li 的结合能和 α 与氘的相互结合 能都大为不足.这同许多计算的结论是一致的.然而,正如 HN¹⁸¹指出的,HN 核力能给出 较好的⁶Li 结合能 E_{α} 同氘相对能量 E_{rel} ,考虑D态混合后给出氘核结合能 ~ -2 MeV. 例如,按本文变分参数,按 HN 对 E_{rel} 的定义, HN_{no.1} 力给出 E = -31.46 MeV, $E_{rel} = -1.57$ MeV.然而 Volkov 力和 HN 力给出的⁶Li 基态中能量分配的基本特点是定性一致 的.由图 3 和图 4 可见,当间距 R小时,子 α 和子氘都被激发, R趋于无穷远时,子 α 和子 氘趋于它们的自由态.在⁶Li 基态中,对 VO_{no.1}力, $E_1 \sim -25$ MeV, $E_2 \sim 3$ MeV;对 HN_{no.1} 力 $E_1 \sim -26$ MeV, $E_2 \sim 3.5$ MeV. 可见子 α 尚有 α 粒子坚硬特点,而子氘却很松散(内能为正). 这同不少同类计算的结果是一致的. 这说明, Li 基态中,子 α 是较好的 α 粒子集团,而子氘不是好的氘核集团,若计及张量力的贡献,子氘内能会负一些,但松散特点不会改变.

(二) 子氘的大小和变形

由表 1 和表 2 可见,几个核力和几种模型的计算结果说明,"Li 基态中,子 a 呈球形, 子氘呈拉长形,子氘的方均根半径 r_a 小于自由氘核的方均根半径 1.96fm. 这后一结果被称之为氘核在"Li 中的压缩效应. 对这些结果作进一步分析是有益的. 由图 5 可见,随着子 a 和子氘平均间距的减小,子氘的方均根半径 r_a 呈现出先缩小而后稍增大的图象. 这同 Grossiord 等人^[5]的实验结果在定性上是一致的. 随 R 的减小,子 a 的大小变化不大,同自由 a 粒子的大小差不多,只是当R比较小时稍有增大.从子氘的Z 向方均根大小 Z_a 和X(或 Y)向方均根大小 X_a 的变化曲线可见,当R 较大时,子氘呈扁形. 随着R 减小,即子氘越靠近 a,子氘逐渐被拉长. R大约小于 3.6fm 后,子氘变成拉长形. 从子a 的相应曲 Z_a 和 X_a 可见,子 a 在子氘向它靠拢的过程中,基本上保持球形,只是在R约小于 2.7fm 后才呈稍扁形. 图 5 中, r_a 曲线有三条. 它们分别是模型 I、II 和 III 的结果. 这三条曲 线都呈现出子氘先压缩而后稍膨胀的效应. 在模型 III 中,子氘压缩的更小些,但R小时子氘膨胀很小. 这是由于模型 III 中,子氘不能极化. 由曲线 I 和 II 可见,R小时,子氘 有显著的膨胀效应. 这是由于子氘可极化,即内部 P态成分增长. 当R小时和R大时,子氘内部的 P态成分在模型 I 中都比模型 II 中的大,因而曲线 I 呈现更强的先压缩而后稍膨胀的效应.

为了分析核力的吸引和排斥成分对上述氘核压缩效应的作用,本文对三个核力计算 了子氘的均方根大小.计算结果见图 6.曲线 a、b 和 c 分别为 HN_{no.1}、HN_{no.2} 和 VO_{no.1} 力 的结果.点线为自由氘核的方均根半径.由这些曲线可见.随着核力中奇宇称态排斥成 分的增强,子氘将变大.



为了分析子 a 和子氘间核子包利交换效应对子氘压缩效应的作用,本文做了扣除这种包利交换效应的计算. 变分计算结果见图7. 曲线 2 为 HN_{no.2} 力的结果,与此对应的

ć

未扣除包利交换效应的结果是曲线 2′. 曲线 1 是 VO_{no.1} 力的模型 III 的结果,相应的未扣 除包利交换效应的结果见曲线 1′.曲线 1 和 2 随着 R 的减小虽然也有相对压缩的图象,但 是整条曲线都在 free 点线之上, 从曲线 2 同曲线 2′

的比较可见,子 α 和子氘间核子的包利交换效应使 子氘被大大地压缩了.曲线 1 同曲线 1'相比较说明 了同样的结果.可见,在集团模型中,子体之间核子 的包利交换效应在上述氘的压缩效应中起着很重要 的作用.这同 TB^[4]的结果是一致的.应该指出,虽 然本模型的子体可以极化,但对子体的大小和形状 随 R 的变化过程的描述还是静力学的,上述结果宜 作为定性结果.对氘在'Li 中的压缩效应的研究比较 多,许多从不同角度的研究工作的结果也比较一致. 对子氘的变形问题研究还不多,本文也只是一种定 性的探讨,有待进一步深入.不过有趣的是,Hinterberger 等人曾较系统地分析了氘在一系列轻的和中



重原子核上的弹性散射光学模型实位阱深度对靶核质量数4的关系,指出实验数据暗示 了氘同核相互作用时发生了空间上的极化^[11].另外,应说明的是,由于本文波函数的局限 性,以及只计及了中心力的贡献等.本文关于氘变形过程的计算结果是粗略的,但是它说 明这个问题在物理上是值得进一步探讨的.例如,我们可以采用更真实的氘波函数,考虑 张量力的贡献,最好能寻求一种同时适合于 'Li、a 和氘而又具有一定普遍性的核力对本 问题进行深入研究.

四、结 语

本文计算结果定性地说明了, "Li 基态中, 子 α 特别是子氘的形态同它们的自由状态 相比较是很不相同的. 子氘的二个核子比较活跃. "Li 基态并不是 'He 和氘的简单的集 团结构. 因此, 一般的 α + 氘集团模型不能完全奏效, 虽则壳模型对 'Li 的描述也是不 能完全奏效的. 不过氘的压缩和变形效应在散射和核反应中的影响是值进一步研究的工 作. 把这些效应推广到重离子散射中也是有益的工作.

我们感谢卓益忠、张竞上等同志对有关问题的具体讨论和帮助.

参考资料

- [1] Akito arima, Hisashi Horinchi et al., "Advances in Nuclear Physics". 5, 345.
- [2] Y. Suzuki and K. Kubodera, Prog. of Theor. Phys., 44(1970), 617.
- [3] J. Hansteen, "Proceeding of the International Conference on Clustering Phenomen in Nuclei. Bochum (1969)", 45.
- [4] I. Tonaga and Bando, Prog. of Theor. Phys., 44(1970), 1232.
- [5] J. Y. Grossiord, C. Coste et al., Phys. Rev. Letters, 32(1974), 173.
- [6] M. Harvey and A. S. Jensen, Nucl. Phys., A179(1972), 33.
- [7] A. B. Volkov, Nucl. Phys., 74(1965), 33.
- [8] Akira Hasegawa and Sinobu Nagata, Prog. of Theor. Phys., 45(1971), 1786.

- [9] D. M. Brink, "Proceedings of the International school of physics, "Enrico Fermi", 1965 (C. Bloch, ed.)" (Academic press, New York and London (1966)), 247.
- [10] D. R. Thompson and Y. C. Tang, Phys. Rev., C8(1973), 649; 179(1969), 971.
- H. Jacobs, K. Wildermuth, E. J. Wurster, Phys. Letters., 29B(1969), 455.
- [11] F. Hinterberger, G. Mairle et al., Nucl. Phys., A111(1968), 287.

ON THE CONTRACTION AND DEFORMATION OF DEUTERON CLUSTER IN ⁶Li

CHEN YUNG-SOW LU TZOW-CHI VU GON-HAN (Institute of Atomic Energy, Academia Sinica)

ABSTRACT

The ground state of ⁶Li is investigated by means of the projected variational method for double well-cluster shell model. The results of the variational calculation show that the root-mean-square radius of *d*-cluster in the ground state of ⁶Li is smaller than that of free deuteron and as the mean distance between the α -cluster and the *d*-cluster decreases there are two effects on the *d*-cluster, namely contraction effect in which the *d*-cluster contracts first and then makes a bit extension and deformation effect in which the *d*-cluster makes oblation first and then streteches.

It is also demonstrated by the calculation that the repulsive component of the odd state of N-N force and the pauli exchange of the nucleons between the clusters play an important role not only on the cluster structure in the ground state of ⁶Li but also on the contraction and the deformation of *d*-cluster in ⁶Li.

 $\overline{}$