# A=135核区近N=82满壳附近核的集体带结构研究 $^*$

朱胜江 $^{1;1)}$  李明亮 $^{1}$  车兴来 $^{1}$  肖树冬 $^{1}$  陈永静 $^{1}$  禹英男 $^{1}$  丁怀博 $^{1}$  竺礼华 $^{2}$  温书贤 $^{2}$  吴晓光 $^{2}$  李广生 $^{2}$  贺创业 $^{2}$  刘颖 $^{2}$ 

1(清华大学物理系 北京 100084) 2(中国原子能科学研究院 北京 102413)

摘要 通过重离子核反应与在東 $\gamma$ 谱的实验技术,对A=135核区近N=82满壳附近的奇A核  $^{137}$ La与奇奇核  $^{138}$ Pr的高自旋态结构进行了研究,所用核反应分别为  $^{130}$ Te ( $^{11}$ B,4n) 与  $^{128}$ Te ( $^{14}$ N,4n). 实验结果扩展了这两个核的能级纲图. 在  $^{137}$ La中,新识别了 4个集体转动带,其中,近晕带的转动带为弱的长椭形变,而另一集体带为扁椭形变;在  $^{138}$ Pr中,观测到 6个集体带,其晕带也为弱的长椭形变,其余 5个集体带 (其中有两个为我们新识别的) 均为为扁椭形变. 对这些集体带的结构特性,如 signature 反转、组态起源等进行了讨论.

关键词 核结构 signature反转 扁椭形变

#### 1 引言

A=135区的奇A核 $^{137}$ La与奇奇核 $^{138}$ Pr的中子数 N分别为80与79, 离N=82满壳层相差2—3个, 预计 其基态的形变很弱, 低自旋能级结构将呈现出很强的 单粒子性. 而在高自旋态下的结构特性则比较复杂, 存在所谓形状驱动效应. 此区的核质子的费米面处于  $h_{11/2}$  亚壳层的底部, 而中子的费米面处于 $h_{11/2}$  亚壳 层的顶部. 推转壳模型的计算指出 $^{[1]}$ , 一对位于 $h_{11/2}$ 亚壳层下部的粒子顺排将驱动核的形状向长椭形变  $(\gamma \sim 0^{\circ})$ 方向变化, 而一对位于 $h_{11/2}$ 亚壳层上部的粒 子的顺排将驱动核的形状向扁椭形变(γ~-60°)方向 变化. 在高自旋态下由多准粒子组态形成的转动带或 能态, 可形成不同的形状. 在以往的研究中, 就观测到 多条具有不同形变的长椭、扁椭、三轴形变带, 甚至 在一个核, 比如132Ba[2]中, 就观测到同时存在具有不 同形变的结构,即所谓形状共存.而在许多核(比如 <sup>134</sup>La<sup>[3]</sup>, <sup>136</sup>La<sup>[4]</sup>, <sup>137</sup>Ce<sup>[5]</sup>, <sup>138</sup>Ce<sup>[6]</sup>等)中, 已发现重要 的扁椭形变带. 另一方面, 在对此区双奇核的高自旋 态研究中, signature 劈裂与反转也一直是人们感兴趣 的研究课题[7].

本文报道对<sup>137</sup>La与<sup>138</sup>Pr的高自旋态的研究,目的是在近 N=82 满壳层附近的核中近一步寻找集体转动带,研究其形状驱动等效应. 在以前别人发表的文献中,已对<sup>137</sup>La的低激发态<sup>[8,9]</sup>以及<sup>138</sup>Pr的高自旋态<sup>[10,11]</sup>进行了初步研究. 然而与相邻核相比, 研究结果尚须继续深入, 且在<sup>137</sup>La中未发现任何集体带结构.

#### 2 实验、数据分析与结果

实验是在中国原子能科学研究院H-13串列加速器上进行的. 分别用 <sup>130</sup>Te (<sup>11</sup>B,4n) 与 <sup>128</sup>Te(<sup>14</sup>N,4n) 重离子熔合—蒸发反应布居 <sup>137</sup>La与 <sup>138</sup>Pr 的高自旋态.由 <sup>14</sup>个反康高纯 Ge 探测器组成的联合在束γ谱探测装置测量高自旋态退激产生的γ-γ符合事件. 离线处理建立了两维符合矩阵, 以供γ-γ符合数据分析. 为了确定γ跃迁的多级性, 还分别建立了两维方向关联矩阵, 用以作为取向核态的方向关联强度 (DCO) 比率的分析. 经过γ-γ符合、相对跃迁强度、DCO 比率等的

<sup>\*</sup>国家自然科学基金(10375032,10575057), 教育部博士点基金(20030003090)和国家重点基础研究发展规划(G2000077405)项目资助

<sup>1)</sup> E-mail: zhushj@mail.tsinghua.edu.cn

分析,新建的<sup>137</sup>La与<sup>138</sup>Pr能级纲图如图1与2所示. 能级纲图中的集体转动带或级联跃迁结构在其上方用 带括号的数字标出.

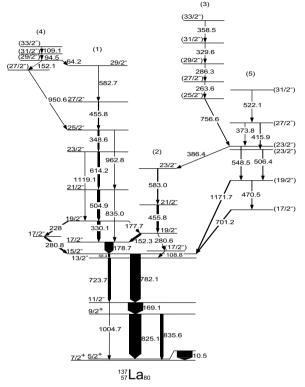


图 1 137La能级纲图

与以前发表的结果相比,对于<sup>137</sup>La核,在文献[8,9]中的一些能级和跃迁在本工作中得到了证实,而在图1中15/2<sup>-</sup>能级以上的所有的能级和跃迁,包括27个能级与38条跃迁都是我们新识别的.能级纲图中包括4个集体带结构(1)—(4)和一个能级序列(5).在<sup>138</sup>Pr中,与文献[11]相比,验证了原来识别的4个集体带(1),(2),(4),(6),并对其进行了扩展,将晕带的自旋态扩展到15ħ,并校正了原先能级纲图中的一些错误.而带(3)与带(5)则是本工作中新建立的.

## 3 结果讨论

对于图1中从基态到9/2+的<sup>137</sup>La的低自旋态能级,主要具有 $g_{7/2}$ 和 $d_{5/2}$ 的单准粒子特性<sup>[9]</sup>. 而较高自旋态部分的晕带<sup>137</sup>La中的带(1)基于17/2<sup>-</sup>能级,自旋态扩展到29/2 $\hbar$ . 为了理解<sup>137</sup>La与<sup>138</sup>Pr晕带的形变特性,我们进行了推转壳模型的总罗斯面(TRS)的计算,计算的方法见参考文献[12—14],算得的一种TRS图的例子如图3所示. 计算结果表明,对于<sup>137</sup>La核,在 $\hbar\omega$ =0.3MeV时,其形变参量为: $\beta_2 \approx 0.12$ ,  $\gamma \approx 10^\circ$ . 而在对于<sup>138</sup>Pr的TRS计算中,

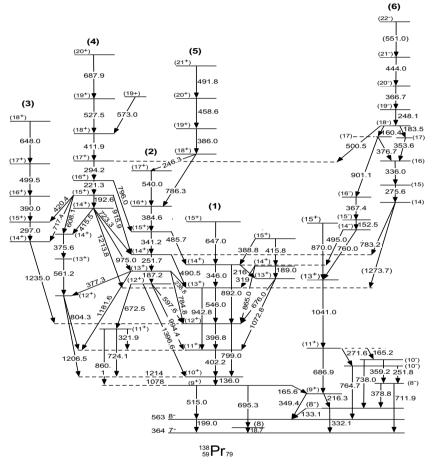
在 $\hbar\omega$ =0.0MeV 时得到  $\beta_2 \approx$ 0.12,  $\gamma \approx 5^\circ$ . 可以认为, 对于 <sup>137</sup>La与 <sup>138</sup>Pr 的晕带 (1) 都具有小的  $\gamma$  形变与弱的  $\beta_2$  形变, 基本上为弱的长椭形变带.

进一步分析  $^{137}$ La中带 (1) 的组态特性,可以预计,带 (1) 的组态应与  $g_{7/2}$  或  $d_{5/2}$  的质子有关,这样的质子与高 K 两准中子组态的耦合可以产生象带 (1) 这样的强耦合带. 这种高 K 包含两准中子组态的能态,有时候为同质异能态,确实已在中子数接近 82 满壳附近的核中观测到了,比如,在  $^{136}$ Ba中就发现基于  $vd_{3/2}^{-1}h_{11/2}^{-1}$  组态的  $K^{\pi}=7^-$  的同质异能态  $^{[15,16]}$ . 同样,在文献 [9] 中也报道了在  $^{137}$ La中存在一个 1869keV 能级的寿命为 364ns 的同质异能态,其组态为  $\pi g_{7/2} \otimes vd_{3/2}^{-1}h_{11/2}^{-1}$ ,而在我们的在東  $\gamma$  谱的瞬时符合测量中观测不到基于这种能级之上的带结构。如果我们用  $d_{5/2}$  的质子代替以上组态中的  $g_{7/2}$  质子,形成一个  $\pi d_{5/2} \otimes vd_{3/2}^{-1}h_{11/2}^{-1}$  组态,此组态可以对应于带 (1) 中的能量为 1966keV 的  $17/2^-$  的带头能级。因此, $^{137}$ La中带 (1) 很可能起源于  $\pi d_{5/2} \otimes vd_{3/2}^{-1}h_{11/2}^{-1}$  组态.

而对于双奇核  $^{138}$ Pr, 其晕带 (1) 的组态已被指定为 $\pi h_{11/2} \otimes v h_{11/2} ^{[10,11]}$ . 而在文献 [11] 中, 其带头能级的自旋字称 ( $I^\pi$ ) 被指定为  $8^+$ . 基于此区内的 $\pi h_{11/2} \otimes v h_{11/2}$  带的系统学原理  $^{[7]}$ ,我们将带 (1) 的带头能级的  $I^\pi$  指定为  $9^+$ . 相应的较高自旋有关能级的自旋值也增加一个单位. 这样重新指定其自旋后,其结构特性既符合能级的系统学变化,也符合 signature 反转的系统学性质. 图 4为 Pr 同位素链的双奇核  $^{130-136}$ Pr 的 $\pi h_{11/2} \otimes v h_{11/2}$  带能级的系统学比较,可以看出,在将  $^{138}$ Pr 的自旋值修改以后,就非常符合系统学的变化规律了.

在此区内双奇核的 $\pi h_{11/2} \otimes v h_{11/2}$  带的 signature 反转现象一直引起人们很大的关注. 而  $^{138}$  Pr 的  $\pi h_{11/2} \otimes v h_{11/2}$  带的识别为系统研究此区的 signature 反转随中子数的变化得以进一步向中子数 N=82 的满壳方向延伸. 图 5 给出了在此区内 La 与 Pr 核链的奇奇核中的 $\pi h_{11/2} \otimes v h_{11/2}$  带的能量差 [E(I-1)-E(I)]/2I 随自旋 I 的变化图. 图中,实芯圆圈代表  $\alpha=1$  的优惠带,而空芯圆圈则代表  $\alpha=0$  的非优惠带. 从图中可以看出,在我们重新指定了自旋值以后, $^{138}$  Pr 的  $\pi h_{11/2} \otimes v h_{11/2}$  带在低自旋区发生了 signature 反转,这与  $A \sim 130$  区  $\pi h_{11/2} \otimes v h_{11/2}$  带 signature 反转,这与  $A \sim 130$  区  $\pi h_{11/2} \otimes v h_{11/2}$  带 signature 反转,不发生 signature 反转,这和系统学规律不符. 从图 5可以看出,在 La 与 Pr 核链中的双奇核的晕带在低自旋区都有 signature 反转,对 La 同位素链,从  $^{132}$  La 到

136La, 随中子数的增加, 反转点的自旋值降低, 而在文 献[7]中指出,从124La到128La,随中子数增加,反转点 的自旋却是升高的. 对于Pr同位素链, 5个核中只有 两个核的反转点被观测到, 但从signature 劈裂幅度的 变化趋势似乎可以看出: 随中子数增加, 在Pr同位素 的 $\pi h_{11/2} \otimes v h_{11/2}$  带signature 反转点也是先升高后降 低, 这似乎与La核的情况类似. 当然, 还需要在实验 上观测到包含更高自旋态的晕带数据之后,才能做出 精确的结论. 可以肯定的是, 134,136,138Pr 反转点的自 旋值分别比中子数相同的132,134,136La核反转点自旋 值高.



<sup>138</sup>Pr能级纲图 图 2

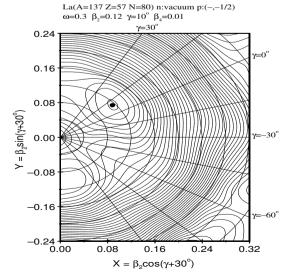
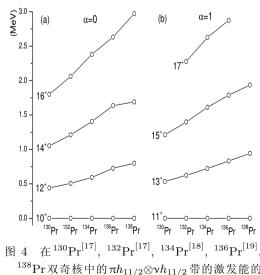


图 3 用推转壳模型计算得到的<sup>137</sup>La的TSR的图



 $^{138}\Pr$ 双奇核中的 $\pi h_{11/2}\otimes \nu h_{11/2}$ 带的激发能的 系统学比较

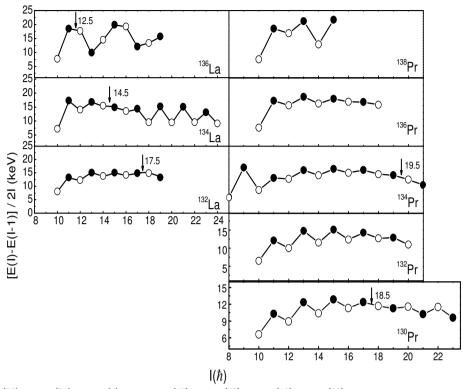


图 5  $^{132}$ La $^{[20]}$ ,  $^{134}$ La $^{[21]}$ ,  $^{136}$ La $^{[4]}$ 以及 $^{130}$ Pr $^{[17]}$ ,  $^{132}$ Pr $^{[17]}$ ,  $^{134}$ Pr $^{[18]}$ ,  $^{136}$ Pr $^{[19]}$ ,  $^{138}$ Pr的 $\pi h_{11/2} \otimes \nu h_{11/2}$ 带的能量差 [E(I-1)-E(I)]/2I随自旋I的变化图

在137La中的负字称带(3)以及在138Pr中的5个 集体带(2)—(6) 具有非常相似的特性: 在带内存在 非常强的 $\Delta I=1$ 的M1跃迁, 而 $\Delta I=2$ 的E2跃迁则非 常弱, 往往观测不到; 偶极跃迁的能量随自旋的增 加而有规则地增加,没有signature劈裂;与一般的 长椭形变相比具有不同的转动惯量特性. 这些正 是此区内的扁椭形变带的特性. 图6给出138Pr中的 带(2)—(6)以及在相邻核 $^{135}La^{[22]}$ , $^{136}La^{[4]}$ , $^{137}Ce^{[5]}$ , 138Ce<sup>[6]</sup> 中观测到的扁椭形变带的第一类转动惯量  $J^{(1)}$  随转动频率 $\hbar\omega$ 变化图. 可以看到, 它们都有类 似的特点:转动惯量随转动频率的增加而减少,与 一般的长椭形变带正好相反. 所以我们认为这些 带都是属于具有γ≈ -60°的扁椭形变带. 对于这些 扁椭形变带的组态指定比较复杂,根据Nilsson能 级图以及与相邻核的系统学比较, 以及带头激发 能的情况, 我们认为, 137La中的带(3)可能属于5准 粒子带, 其可能的组态为:  $\pi g_{7/2} d_{5/2} h_{11/2} \otimes (\nu h_{11/2})^2$ , 在 <sup>138</sup>Pr 中 的 带 (2)—(4) 可 能 属 于 4 准 粒 子 带, 其 可能的组态为, 带(2):  $\pi g_{7/2} \otimes \nu d_{3/2}(h_{11/2})^2$ ; 带(3):  $\pi d_{5/2} \otimes \nu d_{3/2}(h_{11/2})^2$ ; 帯(4):  $\pi h_{11/2} \otimes \nu (h_{11/2})^3$ . <sup>138</sup>Pr 中的带(5)、带(6)可能属于6准粒子带,可能的 组态为, 带(5):  $\pi g_{7/2}(d_{5/2})^2 \otimes \nu d_{3/2}(h_{11/2})^2$ ; 带(6):  $\pi g_{7/2} d_{5/2} h_{11/2} \otimes \nu d_{3/2} (h_{11/2})^2$ . 精确指定以上各扁椭 形变带的组态需要做更多的实验与理论工作. 然而在以上的建议的组态中, 均包含一对 $h_{11/2}$ 中子是合理的, 因为与La与Pr核链中的其他同位素相比, 这两个核的中子费米面处于 $h_{11/2}$ 子壳的更上部的轨道, 所以, 中子的形状驱动效应更明显, 即在高自旋态下核更趋向于形成 $\gamma \approx -60^{\circ}$ 的长椭形变. 我们的实验同时在 $^{138}$ Pr核中观测到 $^{5}$ 条长椭形变带, 在此区的原子核

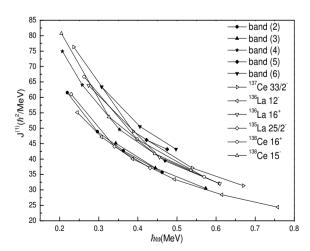


图 6  $^{138}$ Pr 中 的 带 (2)—(6) 与 相 邻 的 核  $^{135}$ La,  $^{136}$ La,  $^{137}$ Ce,  $^{138}$ Ce 中的扁椭形变带 (其带头的 自旋宇称值在相应的核素符号后标出) 的第一类 转动惯量  $J^{(1)}$  随转动频率  $\hbar\omega$  的变化图

高自旋态结构的研究中还是第一次. 对于在<sup>137</sup>La中观测到的另外两个弱跃迁的转动带(2)与(4), 其结构特性尚不是很清楚, 带(2)的特性可能与带(1)相类似, 而带(4)也可能是一个扁椭形变带, <sup>137</sup>La中跃迁系列(5)的各能级具有单粒子特性.

## 4 结论

用重离子核反应与在東 $\gamma$ 谱的实验技术,对 A=135核区的近N=82满壳附近的奇A核 $^{137}$ La与奇

奇核 <sup>138</sup>Pr 的高自旋态进行了研究,在这两个核中各自识别了多条集体转动带.它们的晕带具有近长椭形变的弱形变带,并且识别了多条扁椭形变带,对这些转动带的特性进行了讨论.对这两个核的高自旋态结构研究结果,对于加深此核区内的形状驱动效应以及其它结构特性的理解将是非常有益的.

作者感谢中国原子能科学研究院提供实验束流、 靶以及在实验期间提供的各种帮助,感谢北京大学许 甫荣教授对于推转壳模型计算提供的帮助.

#### 参考文献(References)

- 1 Paul E S et al. Phys. Rev. Lett., 1987, 58: 984
- 2~ Paul E S et al. Phys. Rev., 1989,  $\textbf{C40} \colon 1255$
- 3 Bark R A et al. Nucl. Phys., 2001, A691: 577
- 4 ZHU S J et al. Eur. Phys. J., 2005, A24: 199
- 5 ZHU S J et al. Phys. Rev., 2000, C62: 044310
- 6 ZHU S J et al. Chin. Phys. Lett., 1999, 16: 635
- 7 LIU Y et al. Phys. Rev., 1996, C54: 71
- 8 Nakai K et al. Phys. Lett., 1973, **B44**: 443
- 9 Kortelahti M et al. Nucl. Phys., 1982, **A376**: 1
- 10 Rizzutto M A et al. Z. Phys., 1992, **A344**: 221
- 11 Gangopadhyay G et al. Eur. Phys. J., 2005, A24: 173

- 12 Bengtsson R et al. Nucl. Phys., 1972, **A237**: 139
- 13 Frauendorf S et al. Phys. Lett., 1981, **B100**: 219
- 14 Frauendorf S et al. Phys. Lett., 1983, **B125**: 219
- 15 Müller-Veggian M et al. Nucl. Phys., 1978, A304: 1
- 16 Ludziejewski J et al. Z. Phys., 1976, **A277**: 357
- 17 Petrache C M et al. Nucl. Phys.,1988, A635: 361
- 18 Petrache C M et al. Nucl. Phys., 1996, **A597**: 106
- 19 Petrache C M et al. Nucl. Phys., 1996, **A603**: 50
- 20 Kumar V et al. Eur. Phys. J., 2003, A17: 153
- 21 Bark R A et al. Nucl. Phys., 2001,  $\bf A691 \colon 577$
- 22 LUO P et al. High Energy Phys. and Nucl. Phys., 2004,  ${f 28}$ : 495 (in Chinese)

(骆鹏等. 高能物理与核物理, 2004, 28: 495)

# Collective Band Structures of the Nuclei near $N{=}82$ Closed Shell in $A{=}135$ Region<sup>\*</sup>

ZHU Sheng-Jiang<sup>1;1)</sup> LI Ming-Liang<sup>1</sup> CHE Xing-Lai<sup>1</sup> XIAO Shu-Dong<sup>1</sup> CHEN Yong-Jing<sup>1</sup>
YU Ying-Nan<sup>1</sup> DING Hui-Bo<sup>1</sup> XU Qiang<sup>1</sup> ZHU Li-Hua<sup>2</sup> WEN Shu-Xian<sup>2</sup>
WU Xiao-Guang<sup>2</sup> LI Guang-Sheng<sup>2</sup> HE Chuang-Ye<sup>2</sup> LIU Ying<sup>2</sup>
1 (Department of Physics, Tsinghua University, Beijing 100084, China)
2 (China Institute of Atomic Energy, Beijing 102413, China)

Abstract Through heavy-ion nuclear reactions and in-beam  $\gamma$ -ray spectroscopy technique, the high spin states of odd  $A^{137}$ La and odd-odd  $A^{138}$ Pr nuclei which are located near the N=82 closed shell on A=135 region, have been studied. The  $A^{130}$ Te( $A^{130}$ 

Key words nuclear structure, signature inversion, oblate deformation

<sup>\*</sup> Supported by National Natural Science Foundation of China (10375032, 10575057), Special Program of Higher Education Science Foundation (20030003090) and Major State Basic Research Development Program (G2000077405)

 $<sup>1) \</sup> E\text{-mail: } zhushj@mail.tsinghua.edu.cn$